$S_9\pmod 3$

	φ_1	φ_3	φ7	φ_5	φ_{11}	φ_9	φ_2	φ_{13}	φ_{10}	φ_{15}	φ_4	φ_6	φ_8	φ_{16}
9^{1}	1													
$1^{1}8^{1}$	1	1												
$2^{1}7^{1}$			1											
1^27^1		1		1										
$3^{1}6^{1}$		1			1									
$1^1 2^1 6^1$	1	1		1	1	1								
1^36^1				1		1								
$4^{1}5^{1}$					1		1							
$1^1 3^1 5^1$			•					1						
2^25^1	1	1	•		1	1	1		1					
$1^2 2^1 5^1$										1				
1^45^1						1			1					
$1^{1}4^{2}$					1	1	1				1			
$2^{1}3^{1}4^{1}$		1		1	1	1	1		1		1	1		
$1^23^14^1$				•						1			1	
$1^{1}2^{2}4^{1}$			1											1
$1^32^14^1$														1
$1^{5}4^{1}$									1			1		
3^{3}				1								1		
$1^{1}2^{1}3^{2}$	1	1		1		1			1		1	1		
$1^{3}3^{2}$	1	•	•			1	1	•	1	•	1		•	
$2^{3}3^{1}$	1	1		•		•	•		1			•	•	
$1^{2}2^{2}3^{1}$						•	•				•	•	•	
$1^42^13^1$				•		•	1		1		1	1		
$1^{6}3^{1}$:	•	•	•		•	•				1	1	•	
$1^{1}2^{4}$	1		•	•										
$1^{3}2^{3}$.		•	•							1			
$1^{5}2^{2}$.		•	•									1	
$1^{7}2^{1}$							1				1			
1^{9}	.					•	1				•	•		•

	φ_{12}	φ_{14}
9^1 1^18^1		•
$2^{1}7^{1}$		•
1^{27} 1^{2} 7^{1}		•
$3^{1}6^{1}$		•
$1^{1}2^{1}6^{1}$	•	•
$1^{1}2^{1}6^{1}$ $1^{3}6^{1}$		•
$4^{1}5^{1}$		•
$1^{1}3^{1}5^{1}$		•
$2^{2}5^{1}$		•
$1^{2}2^{1}5^{1}$		•
$1^{-2} \cdot 5^{-1}$ $1^{4} \cdot 5^{1}$		•
$1^{1}3$ $1^{1}4^{2}$		•
$2^{1}3^{1}4^{1}$		•
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		•
$1 \ 3 \ 4 \ 1^1 2^2 4^1$		•
$1^{2} 4$ $1^{3}2^{1}4^{1}$		•
$1^{5}4^{1}$	•	•
3^{3}		•
$1^{1}2^{1}3^{2}$	1	•
$1^{2}3$ $1^{3}3^{2}$	1	•
$2^{3}3^{1}$	1	•
$1^{2}2^{2}3^{1}$	1	1
$1^{4}2^{1}3^{1}$	1	1
$1^{6}3^{1}$	1	•
$1^{1}3$ $1^{1}2^{4}$	1	•
$1^{3}2^{3}$	1	•
$1^{5}2^{2}$	1	•
$1^{7}2^{1}$		•
1^{9}		•
		•